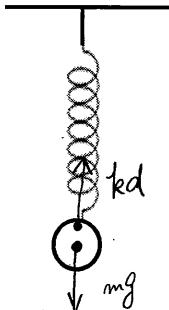


3 ★ ③④⑤

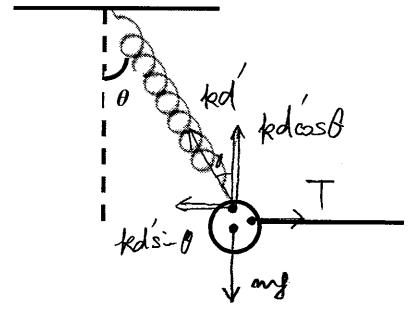
(A) 図の左のように、天井から軽いばねで質量 m の物体をつるしたところ、ばねが自然長から d だけ伸びた状態で静止した。重力加速度の大きさを g として、以下の問い合わせに答えなさい。



(1) 物体に働く力をすべて図示し、その大きさを書きなさい。ただし、ばね定数は k とすること。

(2) ばね定数 k を求めなさい。

$$mg = kd \quad k = \frac{mg}{d}$$



次に、この物体に糸をつけて、図の右のように水平方向に引っ張ったところ、ばねは鉛直方向から角度 θ だけ傾いて静止した。

(3) 物体に働く力をすべて図示し、その大きさを書きなさい。ただし、ばね定数は k 、ばねの伸びを d' 、糸の張力の大きさを T とすること。

(4) ばね B の伸び d' と、張力の大きさ T を求めよ。

$$T = kd' \sin \theta \quad \text{--- ①}$$

$$mg = kd' \cos \theta \quad \text{--- ②}$$

$$\begin{aligned} \text{②より} \quad d' &= \frac{mg}{k \cos \theta} = \frac{d'}{\cos \theta} \\ &\text{(2) に代入} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{①より} \quad T &= \frac{mg}{d'} \cdot \frac{d}{\cos \theta} \cdot \sin \theta \\ &= \frac{mg \tan \theta}{d'} \end{aligned}$$

$$A : (2) \frac{mg}{d} \quad (4) \frac{d}{\cos \theta}, \quad mg \tan \theta \quad B : (1) \frac{m_B g \sin \theta}{k} \quad (2) (m_A + m_B) g \sin \theta$$

$$(3) \mu_A \geq \frac{(m_A + m_B)}{mA} \tan \theta \quad C : (2) F = 6.0(N) \quad N = 12(N)$$

- (B) 質量 m_A [kg]の物体 A と質量 m_B [kg]の物体 B がばねで結ばれ、角度 θ の斜面上にある。物体 A と斜面の間には摩擦がはたらき、静止摩擦係数は μ_A である。物体 B と斜面の間には摩擦はない。重力加速度の大きさを g [m/s²]、ばね定数を k [N/m]とし、以下の間に答えよ。

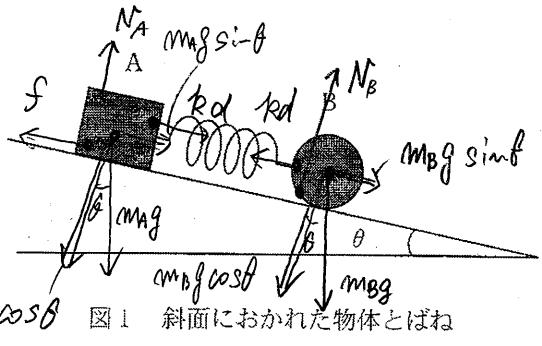


図1 斜面におかれた物体とばね

- (1) 図のように物体 A と物体 B が斜面上で静止しているとき、ばねの伸びを求めなさい。 (ヒント：物体 B にはたらく力のつり合いを考えよ)

ばねの伸びを求める?
図より $kd = m_B g \sin \theta$ より、 $d = \frac{m_B g \sin \theta}{k} \quad [\text{m}]$

- (2) 物体 A にはたらく静止摩擦力の大きさを求めなさい。

Aの力のつりあいを考へる?
図より $f = m_A g \sin \theta + kd \Leftrightarrow f = (m_A + m_B) g \sin \theta \quad [N]$

- (3) このように、物体 A、B が静止し続けられるための、角度 θ の条件を求めなさい。

A の最大摩擦力は、 $\mu_A N_A = \mu_A m_A g \cos \theta \quad \text{②}$
 $\text{①} \leq \text{②} \text{を比べて、静止} \leq \text{最大} \text{ でよいよ。}$
 $(m_A + m_B) g \sin \theta \leq \mu_A m_A g \cos \theta$

- (C) 図のように、水平な粗い床面に重さ 20N の物体 B を置き、糸をつけて滑車 A にかけ、糸の他端に重さ 10N のおもり C をつるした。糸と床のなす角は θ ($\sin \theta = 0.80$ 、 $\cos \theta = 0.60$) であった。以下の間に答えなさい。

- (1) 糸の張力を T [N]、物体 B に働く垂直抗力を N [N]、静止摩擦力を F [N]とする。

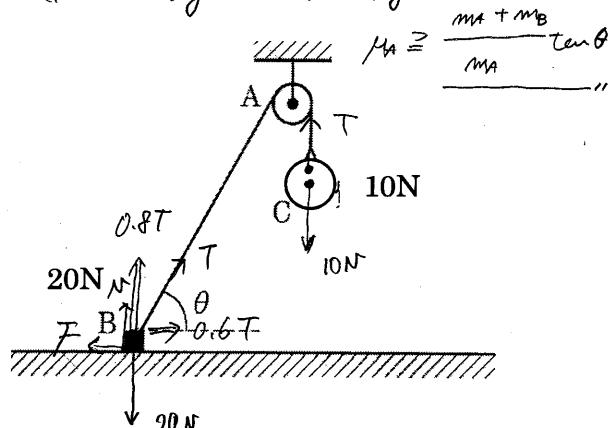
- ① 物体 B に働く力の、鉛直方向のつりあい

$$0.8T + N - 20 = 0$$

- ② 物体 B に働く力の、水平方向のつりあい

$$0.6T - F = 0$$

- ③ おもり C に働く力の、鉛直方向のつりあい] $10 - T = 0 \quad \Leftrightarrow T = 10 \text{ (N)}$



- (1) のつり合いの式から、 N [N]と F [N]の値を求めなさい。

$$F = 0.6T = 6.0 \text{ (N)}$$

$$N = 20 - 0.8T = 12 \text{ (N)}$$