

17. 力学的エネルギー保存則

5 右図のように、断面が O 点を中心とした半径 3.2m の円形をしたなめらかなすべり台がある。いま、O と同じ高さの点 A から物体を静かにすべらせたところ、物体は C 点から空中に飛び出した。重力加速度の大きさを 9.8 m/s^2 とする。

(1) O の真下の点 B を物体が通過するときの速さはいくらか。

(2) C 点から飛び出すときの物体の速さはいくらか。 $\angle COB = 60^\circ$ とする。

(3) C 点から飛び出した後、物体は B 点よりいくらの高さ (図の h) まで上がるか。

(4) 物体は、その後、B 点と同じ高さの点 D で床に衝突したとすると、D 点に衝突する直前の物体の速さはいくらか。

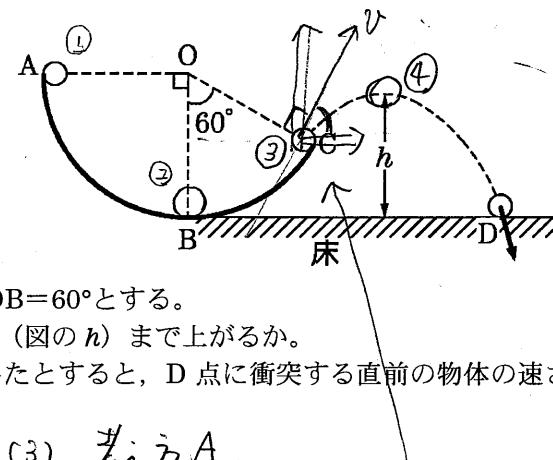
(1) 高さの基準をどこにとったかを明らかに。

$$\frac{①}{K} + \frac{M \cdot 3.2 \cdot 9.8}{Ug} = \frac{②}{K'} + \frac{\quad}{Ug'}$$

質量 m が与えられていても、「どうせ、あとで消える」と思って、自分でなくして考える。

(2) ③の C 点の高さが、いくらかを考へる。

$$\frac{\quad}{K} + \frac{\quad}{Ug} = \frac{\quad}{K} + \frac{\quad}{Ug'}$$



(3) 考え方 A

C 点からの斜方投射を考える。

考え方 B:

力学的エネルギー保存

$$\frac{①}{K} + \frac{\quad}{Ug} = \frac{④}{K'} + \frac{\quad}{Ug}$$

(4) 実は、計算までは不要。

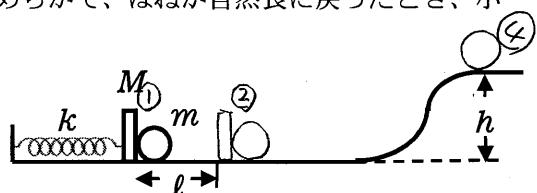
(1) 7.9m/s (2) 5.6m/s (3) 2.8m (4) 7.9m/s

6 質量 M の板をつけたばね定数 k のばねがある。この板に質量 m の小球を押しつけ、ばねを l だけ縮めた後、手を離した。重力加速度の大きさを g とする。ただし、面はなめらかで、ばねが自然長に戻ったとき、小球は板から離れる。

(1) ばねが自然長に戻ったときの小球の速さ v を求めよ。

(2) 小球と離れた後、ばねの伸びの最大値 x を求めよ。

(3) 小球が高さ h の台上にすべり上がるための l の条件を求めよ。



(1) M と m の力学的エネルギーを考へる

↑ 整理

M のみの力学的エネルギーを考へる

(m のみ)

$$(2) \times \frac{1}{2} k l^2 = \frac{1}{2} k x^2$$

$$\times \frac{1}{2} (M+m) v^2 = \frac{1}{2} k x^2$$

⇒ 右方に重かいでいた m のエネルギーを考へる必要あり。

$$\frac{Mg}{K} + \frac{mg}{Ug} + U_s = \frac{Mg}{K'} + \frac{mg}{Ug'} + U_s'$$

(3) すべり上かい

h に達した時の

速さ v 以上

$$\frac{\frac{1}{2} m v^2}{K} + 0 = \frac{\frac{1}{2} m v'^2}{K'} + \frac{mgh}{Ug'}$$

v' を出す ⇒ 不等式